

Необходимо найти максимальное значение целевой функции $F = 2x_1 + 2x_2 \rightarrow \max$, при системе ограничений:

$$-x_1 + 3x_2 \leq 6, \quad (1)$$

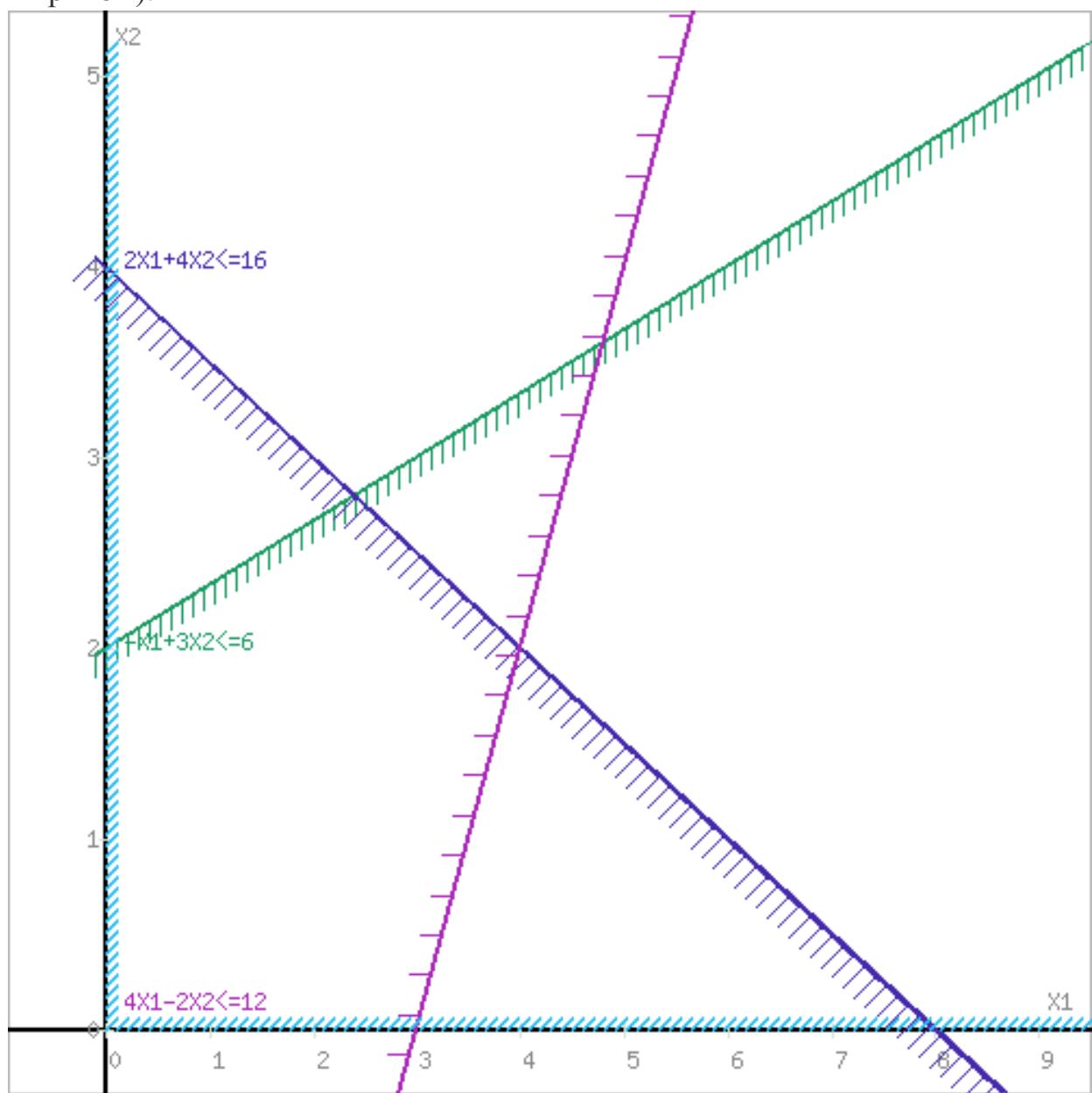
$$2x_1 + 4x_2 \leq 16, \quad (2)$$

$$4x_1 - 2x_2 \leq 12, \quad (3)$$

$$x_1 \geq 0, \quad (4)$$

$$x_2 \geq 0, \quad (5)$$

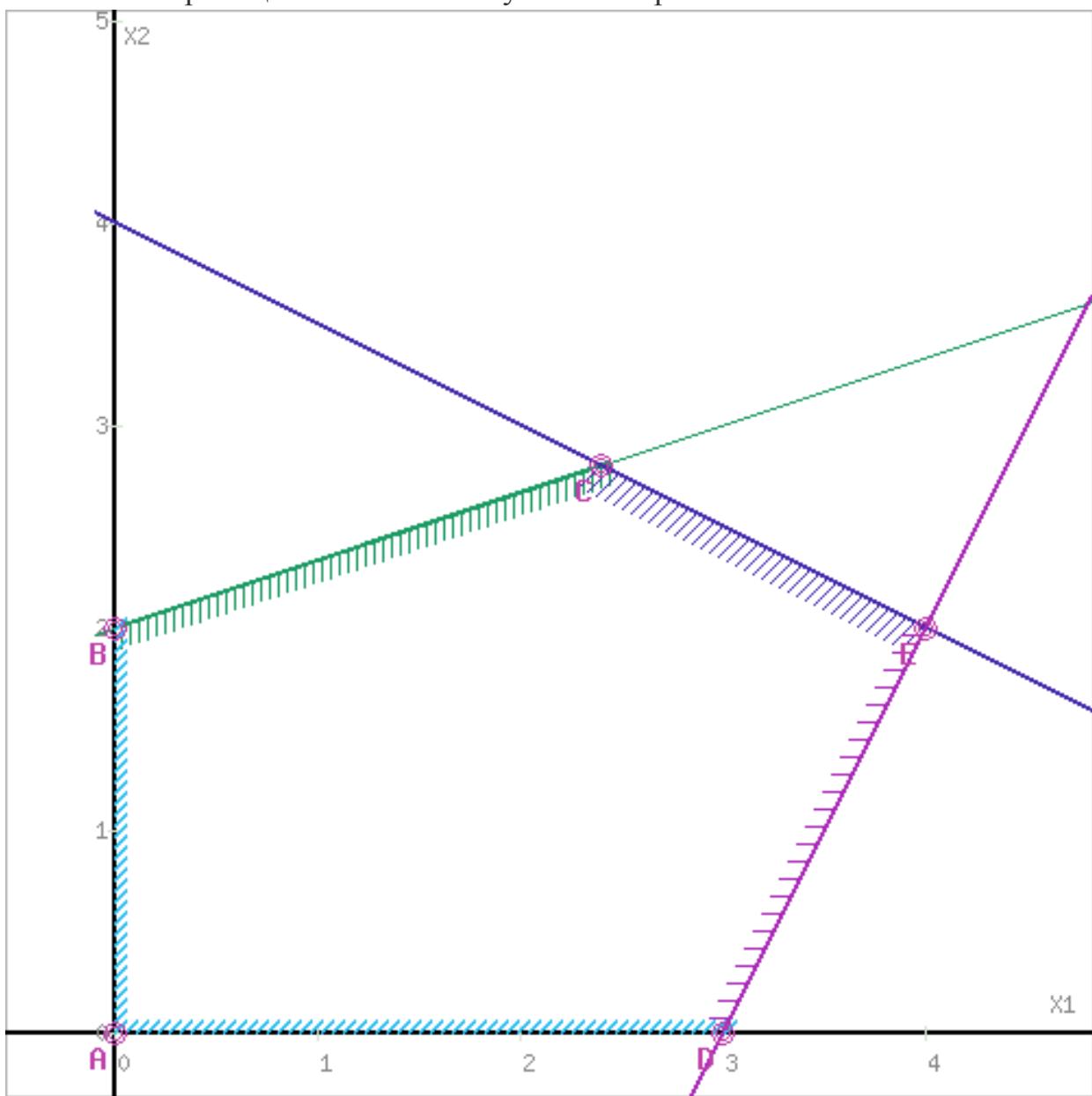
Шаг №1. Построим область допустимых решений, т.е. решим графически систему неравенств. Для этого построим каждую прямую и определим полуплоскости, заданные неравенствами (полуплоскости обозначены штрихом).



Шаг №2. Границы области допустимых решений.

Пересечением полуплоскостей будет являться область, координаты точек которой удовлетворяют условию неравенствам системы ограничений задачи.

Обозначим границы области многоугольника решений.

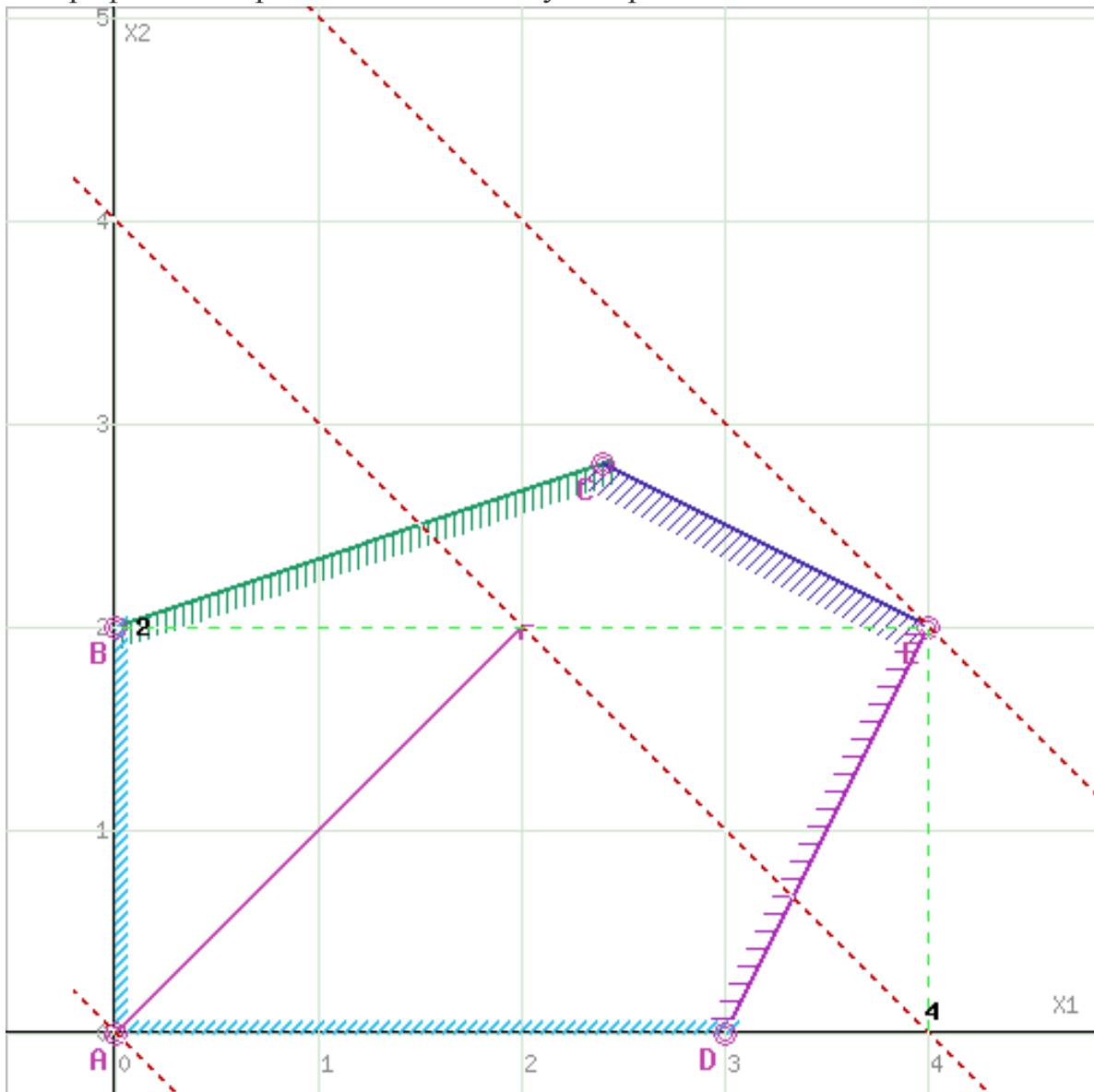


Шаг №3.

Рассмотрим целевую функцию задачи $F = 2x_1 + 2x_2 \rightarrow \max$.

Построим прямую, отвечающую значению функции $F = 2x_1 + 2x_2 = 0$. Вектор-градиент, составленный из коэффициентов целевой функции, указывает направление максимизации $F(X)$. Начало вектора – точка $(0; 0)$, конец – точка $(2; 2)$. Будем двигать эту прямую параллельным образом. Поскольку нас интересует максимальное решение, поэтому двигаем прямую до последнего касания обозначенной области.

На графике эта прямая обозначена пунктирной линией.



Прямая $F(x) = \text{const}$ пересекает область в точке Е. Так как точка Е получена в результате пересечения прямых (2) и (3), то ее координаты удовлетворяют уравнениям этих прямых:

$$2x_1 + 4x_2 = 16$$

$$4x_1 - 2x_2 = 12$$

Решив систему уравнений, получим: $x_1 = 4$, $x_2 = 2$

Откуда найдем максимальное значение целевой функции:

$$F(X) = 2*4 + 2*2 = 12$$