

2. Формулы суммы и разности кубов

3)  $\dots + 125y^3 = (\dots + \dots)(\dots - 30xy + \dots);$   
 4)  $1000n^3 - \dots = (\dots - \dots)(\dots + \dots + 9p^2);$

5)  $\dots - \dots = (2c - \dots)(\dots + 0,4cd^2 + \dots);$   
 6)  $\dots + \dots = (\dots + 0,7n^2m)(\dots - 0,21n^3m^2 + \dots).$

29. Вычислите наиболее простым способом:

$$1) \frac{59^3 - 41^3}{18} + 59 \cdot 41;$$

$$2) \left( \frac{97^3 + 83^3}{180} - 97 \cdot 83 \right) : (35^2 - 28^2);$$

$$3) (36,5^2 - 27,5^2) : \left( \frac{57^3 + 33^3}{90} - 57 \cdot 33 \right);$$

$$4) \frac{77^3 - 69^3}{70^2 - 62^2} - \frac{77^3 + 41^3}{125^2 - 49^2} - \frac{1}{2}.$$

30. 1) Докажите, что:

- а)  41<sup>3</sup> + 19<sup>3</sup> делится на 60;  
 б)  79<sup>3</sup> - 29<sup>3</sup> делится на 50;

- в)  66<sup>3</sup> + 34<sup>3</sup> делится на 400;  
 г)  54<sup>3</sup> - 24<sup>3</sup> делится на 1080.

2) Составьте аналогичное задание.

31. Докажите, что:

- 1) 1<sup>3</sup> + 2<sup>3</sup> + 3<sup>3</sup> + ... + 9<sup>3</sup> не делится на 10;  
 2) 1<sup>3</sup> + 2<sup>3</sup> + 3<sup>3</sup> + ... + 99<sup>3</sup> делится на 100.

32. Разложите на множители:

- 1)  $(y - 2)^3 - 27;$   
 2)  $(a + 1)^3 + 0,008;$   
 3)  $1000 + (b - 8)^3;$   
 4)  $0,027 - (a - 6)^3;$   
 5)  $(x - 1)^6 - 64;$   
 6)  $1 - (y + 2)^6;$   
 7)  $3x^4 - 24xy^3;$   
 8)  $2ba^5 + 54ab^5;$   
 9)  $8y^3 - (y + 3)^3;$   
 10)  $a^3 - (2a - 3)^3;$   
 11)  $(x + 1)^3 + (x - 1)^3;$   
 12)  $(z - 2)^3 + (z + 1)^3.$

33. Решите уравнение:

- 1)  $(x - 1)^3 - (x + 1)^3 = -8;$   
 2)  $(x + 2)^3 - (x - 2)^3 = 64;$   
 3)  $(x - 2)^3 - (x + 1)^3 + (3x + 2)^2 = 2;$   
 4)  $(x + 2)^3 - (x - 1)^3 - (3x - 1)^2 = 23.$