



$$AN=5, NM=25, O_2B=5 \cdot O_1B$$

1. Доказать $AD \parallel CM$

углы $ADB=BMC=90^\circ$ -

опираются на диаметры

AB и BC .

углы $ABD=MBC$ - вертикальные

$\Rightarrow \Delta ABD \sim \Delta CBM$ (угол-угол)

$\Rightarrow BMC=BDA$.

Заметим, что BMC и BDA накрест лежащие. Тогда прямые

MC и AD взаимно параллельны,

что и нужно было доказать

2. Найти $S(\Delta DBC)$.

$S(\Delta DBC)=S(\Delta DMC)-S(\Delta BMC)$. ΔDMC и ΔBMC -прямоугольные (так как $BMC=90^\circ$ - 1-ый пункт этой задачи). Найдем BM , MC и BD .

$$AM^2 = AB \cdot AC \text{ (теорема о касательной и секущей)} \Rightarrow 30^2 = AB \cdot 6 \cdot AB \Rightarrow AB^2 = 150 \Rightarrow NB^2 = AB^2 - AN^2 = 150 - 25 = 125 \quad BM^2 = NB^2 + NM^2 = 125 + 625 = 750$$

$$\Delta ABD \sim \Delta CBM \text{ (см пункт 1 задачи)} \Rightarrow AB/BC = BD/BM = 1/5 \Rightarrow BD = BM/5 = \sqrt{750}/5$$

$$BC = AB \cdot 5 = 5 \cdot \sqrt{150} = 25\sqrt{6} \Rightarrow MC^2 = BC^2 - BM^2 = 3750 - 750 = 3000$$

$$\Rightarrow S(\Delta BMC) = BM \cdot MC / 2 = \sqrt{3000} \cdot \sqrt{750} / 2 = 750$$

$$MD = BM + BD = \sqrt{750} + \sqrt{750}/5 = 6\sqrt{750}/5 = 6\sqrt{30} \Rightarrow S(\Delta DMC) = DM \cdot MC / 2 = 6\sqrt{30} \cdot \sqrt{3000} / 2 = 3 \cdot 3 \cdot 100 = 900 \Rightarrow$$