



Дано:  $ABCD$  - равнобочная трапеция.  
 $L, M$  - точки касания вписанной  
 окружности.  
 Угол  $A=D=60^\circ$   
 $LM=20$  см  
 $AB=CD=?$   $BC=?$   $AD=?$

---

Продлим  $AB$  и  $CD$  до пересечения в  $K$ .  
 Тогда  $AKD$  - равносторонний ( все углы  
 по  $60^\circ$ )

Пусть  $AB=CD = 4x$  . Проведем высоту  
 $BH \Rightarrow AH=4x \cdot \cos A = 4x \cdot \cos 60^\circ = 2x$ .

$AB+CD=BC+AD$  ( Свойство вписанной  
 в 4-х угольник окружности)  
 $4x+4x = 2 \cdot BC+2 \cdot AH$

$$\Rightarrow 8x = 2BC+4x \Rightarrow 4x=2BC \Rightarrow BC=2x \Rightarrow BR=BL=x \Rightarrow AD=AK=KD =6x \Rightarrow BK=2x, LK=3x$$

$$\Delta LMK \sim \Delta BCK \Rightarrow LM/BC = LK/BK \Rightarrow 20/(2x) = 3x/2x \Rightarrow 10/x=3/2 \Rightarrow x=10 \cdot 2/3=20/3 \text{ см}$$

$$\Rightarrow BA = CD = 4 \cdot 20/3 = 80/3 \text{ см} \quad BC= 2x=40/3 \text{ см} \quad AD= 6x = 120/3 = 40 \text{ см}$$